

**RESOLUÇÃO DE PROBLEMAS: UMA ANÁLISE DAS CONCEPÇÕES DE PROFESSORES DE MATEMÁTICA DO ENSINO FUNDAMENTAL****PROBLEM SOLVING: AN ANALYSIS OF THE CONCEPTIONS OF MATHEMATICS TEACHERS OF FUNDAMENTAL TEACHING**Dione Barros Farias<sup>1</sup> ORCID iD: [0000-0002-2564-5943](https://orcid.org/0000-0002-2564-5943)Alan Gonçalves Lacerda<sup>2</sup> ORCID iD: [0000-0002-7447-7683](https://orcid.org/0000-0002-7447-7683)Robson dos Santos Ferreira<sup>3</sup> ORCID iD: [0000-0003-4058-5499](https://orcid.org/0000-0003-4058-5499)**RESUMO**

A Resolução de Problemas tem se mostrado presente nas recomendações de documentos oficiais nacionais e internacionais e se consolidado como fulcral para o campo da Educação Matemática. Nesta perspectiva, objetivamos, por meio desta pesquisa, analisar quais concepções são atribuídas por professores de matemática à Resolução de Problemas. Em relação à temática, vários são seus enfoques e abordagens, dos quais destacamos autores como Polya, Vila e Callejo, Onuchic e Allevato, Schoenfeld, dentre outros que recorremos como suporte teórico. A investigação foi realizada com sete professores de Matemática do município de Breves - PA, que participaram de uma entrevista semiestruturada. Observamos as concepções que os professores mobilizam em relação à Resolução de Problemas estabelecem relação aos seus conhecimentos sobre suas próprias práticas pedagógicas, que incluem crenças, conceitos e ideias, e que refletem e acarretam mudanças em suas práticas profissionais.

**Palavras-chave:** Resolução de Problemas. Concepções. Ensino de Matemática.

**ABSTRACT**

The Problem Solving from the official documents and international, comes consolidating as important for the field of Mathematics Education. In this perspective, we aim analyze what are the senses attributed by mathematics teachers to Problem Solving. Regarding the theme, there are several focuses and approaches, of which we highlight authors like Polya, Vila and Callejo, Onuchic and Allevato, Schoenfeld, among others, who we resort as theoretical support. An investigation was carried out with seven mathematics teachers from the city of Breves - PA, who responded a semi-structured interview. We observe what conceptions that teachers mobilize in relation to Problem Solving, and as they establish a relationship with knowledge about their pedagogical practices, concepts and ideas, change their professional practices.

<sup>1</sup> Graduado em Matemática (UFPA). Aluno do curso de Especialização em Ensino de Matemática (UFPA), Breves, Pará, Brasil. Endereço para correspondência: Rua Justo Chermont, 445, centro, Breves, Pará, Brasil, CEP: 68800-000. E-mail: [barrosdione@hotmail.com](mailto:barrosdione@hotmail.com).

<sup>2</sup> Doutor em Educação em Ciências e Matemática pela UFMT. Mestre em Educação em Ciências e Matemática pela UFPA. Professor da UFPA/Campus Universitário Marajó-Breves. Vinculado a Faculdade de Matemática. Endereço para correspondência: Av. Gurupá, 1480, Aeroporto, Breves-PA, Brasil, CEP: 68800-000. E-mail: [lacerda.a.g@gmail.com](mailto:lacerda.a.g@gmail.com).

<sup>3</sup> Doutor em Educação Matemática, UNIAN-SP. Professor da UFPA/Campus Universitário Marajó-Breves, Breves, PA, Brasil. Endereço para correspondência: Rua Miguel João Jorge, 380, Jd São José, Campinas, SP, Brasil, CEP: 33.051.172. E-mail: [robsonf@ufpa.br](mailto:robsonf@ufpa.br).

**Keywords:** Problem Solving. Conceptions. Mathematics teaching.

## 1 INTRODUÇÃO

Por meio de pesquisas na área de Educação de Matemática (POLYA, 2006, 1997; DANTE, 2010, 2002; ONUCHIC, 1999; ONUCHIC; ALLEVATO, 2011, 2005; ALLEVATO, 2005; VILA; CALLEJO, 2006; SCHOENFELD, 1998, 1992) temos notado que a Resolução de Problemas tem sido explorada no campo educacional e científico em diferentes perspectivas, uma vez que ela pode ser caracterizada como metodologia de ensino, pode estar presente como atividade avaliativa e, ainda, porque é citada como elemento importante nas orientações curriculares nacionais (BRASIL, 2007, 1998) e internacionais (NCTM, 2000), bem como permeia os processos de heurística.

Ocorre que essas características da Resolução de Problema demandam planejamento na elaboração das atividades de matemática para serem desenvolvidas em sala de aula, uma vez que é importante definir quais concepções serão atribuídas por professores nesse processo.

Nesse sentido, a proposta deste artigo é discutir as concepções de professores de Matemática sobre esse tema a partir das orientações de Thompson (1992, p.130, tradução livre), enquanto “estrutura mental mais geral, que incluem crenças, significados, concepções, proposições, regras, imagens mentais, preferências e gostos”. Entendemos que a identificação e reconhecimento dessas concepções podem propiciar importantes reflexões para a Educação Matemática, tendo em vista que os professores podem ser influenciados por crenças em suas práticas de ensino acerca da Resolução de Problemas.

O estudo sobre este assunto teve início na década de 1940, tendo como seu principal representante George Polya, com a clássica obra intitulada *A arte de resolver problemas: um novo aspecto do método matemático*, fase que inaugurou o desenvolvimento da Matemática moderna. De acordo com Polya (2006, p. 131): “Ensinar a resolver problemas é educar à vontade”. Com esse posicionamento, o professor assume um papel importante para que a Resolução de Problemas possa ser explorada nas aulas de matemática.

Nesta direção, objetivamos analisar quais concepções são atribuídas por professores de Matemática à Resolução de Problemas por considerarmos importante que esses profissionais tenham conhecimentos dos princípios que fundamentam essa metodologia de ensino para que possam utilizá-la.

Sendo assim, as seções subsequentes abordam sobre as concepções apresentadas por

professores de Matemática em relação à Resolução de Problemas.

## 2 REFERÊNCIAL TEÓRICO

### 2.1 Os problemas e o professor: atribuição de sentidos

Em relação a problemas matemáticos, ressaltamos que existem várias ideias e concepções sobre o tema proposto. Para os Parâmetros Curriculares Nacionais (BRASIL, 1998, p. 41), um problema matemático “é uma situação que demanda a realização de uma sequência de ações ou operações para obter um resultado”. Nesse sentido, o resultado não é o mais importante, mas sim as estratégias, os procedimentos e os conceitos envolvidos. Para Dante (2002, p. 9), “problema é qualquer situação que exija o pensar do indivíduo para solucioná-la”. Onuchic e Allevato, por sua vez, situam que problema “é tudo aquilo que não se sabe fazer, mas que se está interessado em fazer” (ONUCHIC; ALLEVATO, 2011, p. 81).

Segundo Polya (2006, p. 5), “[o] problema deve ser bem escolhido, nem muito difícil nem muito fácil, natural e interessante [...]”. Isso porque os problemas, se forem muito difíceis, irão desestimular e fazer com que o aluno não tenha interesse em resolvê-los. Por outro lado, se forem muito fáceis, o aluno não vai se sentir desafiado. Nesse âmbito, os estudos de Onuchic e Allevato (2011, p. 82) enfatizam que “[o] professor precisa preparar, ou escolher, problemas apropriados ao conteúdo ou ao conceito que pretende construir”. Sobre essa decisão, Dante (2010) corrobora afirmando que um bom problema deve possuir algumas características tais como: ser desafiador, ser interessante e possuir o elemento desconhecido a ser buscado. Com isso, as situações problemas em matemática não podem consistir na aplicação evidente e direta de estratégias algorítmicas.

A Resolução de Problemas como metodologia de ensino advoga como proposta de aquisição conceitual, regras e métodos matemáticos que podem ser evidenciados através de situações problemas. Em resumo, uma situação problema pode ser constituir como o ponto de partida para a atividade matemática, conforme pontuado na Base Nacional Comum Curricular (BNCC) (BRASIL, 2017).

Para tal, destacamos a importância de que o professor conheça e saiba utilizar essa metodologia, bem como o que preconizam os documentos oficiais BNCC e PCN's, tomando-os como necessários no reconhecimento dos princípios que os fundamentam. Entendemos que a matemática necessita de práticas que possibilitem a compreensão da Resolução de Problemas à formação de professores.

Esse cenário ainda tem um longo caminho para ser alcançado, e, como aponta Dante, essa não é uma tarefa fácil:

Ensinar a resolver problemas é uma tarefa mais difícil do que ensinar conceitos, habilidades e algoritmos matemáticos, não é um mecanismo direto de ensino, mas uma variedade de processos de pensamentos que precisam ser cuidadosamente desenvolvidos pelo aluno com o apoio e incentivo do professor (DANTE, 2002, p. 30).

Na ideia defendida pelo autor, percebemos que a Resolução de Problemas propicia a uma variedade de processos de pensamentos matemáticos, que devem ser encorajadas pelos professores aos seus alunos. Dessa forma,

O professor que deseja desenvolver nos estudantes a capacidade de resolver problemas deve inculcar em suas mentes algum interesse por problemas e proporcionar-lhes muitas oportunidades de imitar e de praticar. Além disso, quando o professor resolve um problema em aula, deve dramatizar um pouco as suas ideias e fazer a si próprio as mesmas indagações que utiliza para ajudar os alunos. Graças a esta orientação, o estudante acabará por descobrir o uso correto das indagações e sugestões e, ao fazê-lo, adquirirá algo mais importante do que o simples conhecimento de um fato matemático qualquer (POLYA, 2006, p. 4).

Na perspectiva de Polya (2006, 1997), ter um problema é buscar por uma ação apropriada, claramente definida por um objetivo, o que não significa que a proposta de resolver problemas perpassa por aquilo que seja imediatamente atingível. Assim, consideramos importante pensar que a busca pela resposta dos problemas propostos pelos alunos e o caminho que os mesmos terão que percorrer para solucioná-lo são fundamentais para que eles descubram quais são as melhores estratégias.

Notamos, também, que a BNCC (BRASIL, 2017), ao propor o ensino de Matemática sob a orientação de desenvolvimento de competências e habilidades, reforça a necessidade de se trabalhar com a Resolução de Problemas em sala de aula. Respondendo às preocupações mundiais, o National Council of Teacher of Mathematics (NCTM, 2000) recomendou a Resolução de Problemas, visando ao currículo de matemática.

Monteiro et al. (2020) destacam, nesse contexto, que a Resolução de Problemas pode se constituir em um bom método de ensino, uma vez que proporciona avanços no processo de ensino da matemática, possibilitando que o professor acompanhe todo o processo de investigação desenvolvido pelos alunos.

Outrossim, o cenário merece destaque, ainda, a importância do papel do professor no desenvolvimento curricular para propiciar um ambiente apropriado para que os alunos se

desvencilhem de comportamentos inadequados nas atividades com Resolução de Problemas nas aulas de matemática.

### 3 METODOLOGIA

O modelo metodológico adotado nesta pesquisa foi de natureza qualitativa, do tipo pesquisa de campo, realizada por meio de entrevistas considerando que, segundo Gaskell (2002), as entrevistas permitem a compreensão minuciosa das motivações, atitudes, valores, e crenças dos sujeitos pesquisados. Na perspectiva de Minayo:

Pesquisa qualitativa responde a questões muito particulares. Ela se preocupa, nas ciências sociais, com um nível de realidade que não pode ser quantificado, ou seja, ela trabalha com o universo de significados, motivos, aspirações, crenças, valores e atitudes, o que corresponde a um espaço mais profundo das relações dos processos e dos fenômenos que não podem ser reduzidos à operacionalização de variáveis (MINAYO, 1995, p. 21-22).

Neste sentido, em nosso estudo, por meio de uma entrevista com foco na narrativa da experiência profissional de professores de Matemática, exploramos quais concepções podem ser observadas em relação à Resolução de Problemas. Segundo Lakatos e Marconi (1993), a entrevista é uma aliada na pesquisa por estabelecer um *feedback* ao jogo de perguntas e respostas entre o entrevistador e o entrevistado.

Minayo (1995), por seu turno, destaca que, ao usar entrevistas, é importante que o entrevistador não fique preso a formulações pré-fixadas, e sim que tenha um roteiro para facilitar a comunicação entre ambos. Em nosso estudo estabelecemos, inicialmente, o contato com os professores para explicar o objetivo da pesquisa, os quais, já neste primeiro encontro, se mostraram cordiais e participativos. Foram entrevistados sete professores de Matemática que atuam nas séries finais do ensino fundamental da rede municipal de Breves-PA. Cada entrevista teve duração de, aproximadamente, 30 minutos. Por fim, procedemos à transcrição e à análise das entrevistas.

Com intuito de organizar a entrevista, foi idealizado um roteiro de perguntas semiestruturadas, a fim de melhor evidenciarmos as concepções desses professores, conforme mostra o Quadro 1:

- I. Qual o seu grau de instrução?
- II. Há quanto tempo você já atua como professor (a) de matemática?
- III. Em qual grau de ensino você leciona no momento?
- IV. Qual a relevância que você dá para o ensino de matemática através de situações problemas?
- V. Como se dá a inserção da situação problema no momento da aula?
- VI. De que forma você incentiva ou ensina a resolver um problema matemático proposto em aula?
- VII. Em que momento do conteúdo você acredita que seja melhor para inserir o trabalho com resoluções de problema?
- VIII. Que conhecimentos sobre a resolução de problemas matemáticos você possuía antes de ser professor (a) de matemática?
- IX. Quais entendimentos sobre a resolução de problemas matemáticos você tem como professor (a) de matemática?
- X. Esse entendimento se deu como? Através da prática em sala de aula ou pela formação acadêmica?
- XI. Em algum momento os cursos de formação vivenciados por você modificou esse entendimento?
- XII. Qual a importância de se trabalhar a resolução de problema de matemática em sala de aula?
- XIII. Quais estratégias podem ser usadas para chegar a uma resolução de um problema matemático?
- XIV. Qual a diferença entre exercício e a resolução de problemas de matemática?
- XV. O que você mais trabalha em sua aula? Exercícios ou resoluções de problema?

**Quadro 1** – Roteiro da entrevista

Fonte: Produção do autor (2019).

Nas perguntas de I a III, objetivamos conhecer um pouco os professores, para que pudéssemos traçar um perfil. Já nas perguntas de IV a XI, buscamos compreender o grau de familiaridade que eles possuíam com as resoluções de problemas, e de que forma as utilizam em suas aulas, iniciando, assim, a busca por evidências sobre suas concepções. Quanto às perguntas de X a XV, foram elaboradas com o intuito de evidenciar, com maior profundidade, as concepções dos professores sobre a Resolução de Problemas, buscando compreender se essas são construídas e consolidadas durante sua trajetória, tanto acadêmica, como profissional, ou se foram alteradas durante a prática em sala de aula, ou por meio de cursos de formação. Para a análise das respostas, estas foram categorizadas conforme apresentado a seguir.

### 3.1 Perfis dos Professores

Todos os professores possuem licenciatura em Matemática e pós-graduação na área específica de atuação. Os entrevistados atuam do 6º ao 9º ano do ensino fundamental, somente com Matemática. Dos sete professores, um atua na zona rural e os outros seis na zona urbana do município de Breves-PA.

### 3.2 As Categorias

As concepções são constituídas a partir de um movimento que perpassa pela motivação de um indivíduo e por suas experiências prévias que influenciam nas ações desse indivíduo, formando conhecimentos, nos quais se manifestam. Nesse sentido, construímos três categorias (Quadro 2), que nos possibilitaram organizar as respostas dos professores de modo que pudéssemos captar e compreender as concepções dos professores envolvidos.

<b>Categorias</b>	<b>Questões</b>
1ª - Conhecimentos Sobre a Resolução de Problemas	VIII à X
2ª - Motivação Para o Ensino Com Resolução de Problemas	V à VII
3ª - Experiências Com Resolução de Problemas	XI à XV

**Quadro 2** – Categorias de análise  
Fonte: Produção do autor (2019).

Portanto, o Quadro 2 foi elaborado a partir da entrevista concedida pelos professores, na qual puderam falar sobre o enfoque dado à Resolução de Problemas.

## 4 RESULTADOS E DISCUSSÃO

A seguir, descrevemos cada uma das categorias que emergiram a partir das análises das entrevistas concedidas pelos participantes.

### 4.1 Conhecimentos Sobre a Resolução de Problemas

Para a análise da primeira categoria, organizamos no Quadro 3 as respostas nas quais identificamos características diferentes em relação aos conhecimentos sobre Resolução de Problemas.

Perguntas	A) Resposta do Participante (P)	B) Observações
<b>VIII.</b> Que conhecimentos sobre a Resolução de problemas matemáticos você	<b>P2:</b> Eu tinha o conhecimento sobre as resoluções de Polya. Fui apresentada para ele ainda na graduação, fiz um estudo sobre ele, aí eu busco um pouco trazer isso para a sala de aula, para minha prática do dia-a-dia.	O professor se remete a referencial teórico da área para fundamentar sua prática.



<p>possuía antes de ser professor (a) de matemática?</p>	<p><b>P5:</b> Assim, eu trabalhei sempre muito com arte gráfica, desenho, com pinturas e então assim, pra mim que sempre trabalhei com medidas, ficou fácil de eu explicar para os alunos como se trabalhar, como por exemplo, cálculos de área... essas situações todas; e hoje mesmo, como professor, eu trabalho com programas de arte gráfica como o CorelDraw, né? E outros programas de edição de imagens tratamento de imagens. Aí, eu explico pra eles como é a relação linguagem matemática que tá por traz do computador pra gente poder adquirir aquelas fórmulas todas.</p>	<p>O professor tem como referência sua prática docente para trabalhar com Resolução de Problemas.</p>
<p><b>IX.</b> Quais entendimentos sobre a resolução de problemas matemáticos você tem como professor (a) de matemática?</p>	<p><b>P1:</b> Meu entendimento basicamente é puxar a aquela contextualização da multidisciplinaridade, muitas vezes uma disciplina que o aluno trabalhou anteriormente, seja ela português, ciência ou outra que esteja sempre ligada com o contexto matemático. O que eu faço? Eu transformo esse contexto para a linguagem que possa ficar mais aproximada da linguagem dele, ou seja, tendo mais acesso ao seu próprio limite de conhecimento. Muitas vezes, uma linguagem que essa matemática é usada no seu dia-a-dia ela, é usada de outra forma; então traz essa linguagem do dia-a-dia para dentro desse contexto matemático para fazer essa Resolução de Problemas.</p> <p><b>P6:</b> Bom... a gente vê a Resolução de Problemas como um meio de trazer para o aluno motivação, trazer algo que ele possa ter incentivo pra que ele consiga resolver, e ter clareza mais de fora, não ficar só dentro da sala de aula... mas trazer alguns problemas de resolução de fora da sala de aula, da realidade dele ou com a realidade social que tá inserido.</p> <p><b>P7:</b> Para nós resolvermos um problema, temos que seguir algumas etapas. A primeira é compreender o problema, o aluno tem que ler e tem que compreender o problema, depois o aluno pode fazer traçar um plano de ação e é aonde ele vai ver, que o problema está dando, querendo que seja encontrado, ele vai verificar que conta ele vai utilizar, depois ele vai passar para forma de resolver esse plano que ele traçou e depois ele vai verificar se o que ele fez está condizente com aquilo que está sendo pedido.</p>	<p>A resolução de problemas como meio para trabalhar a matemática de forma contextualizada.</p> <p>A resolução de Problemas como forma de motivar os alunos a aprenderem Matemática.</p> <p>A Resolução de Problemas com foco em suas etapas e estratégias de resolução.</p>
<p><b>X.</b> Esse entendimento se deu como: através da prática em sala de aula ou pela formação acadêmica?</p>	<p><b>P3:</b> Eu acredito que seja pela prática da sala de aula, porque é muito diferente o que a gente aprende na graduação do que aquilo que a gente vivencia na sala de aula, então eu acredito que aprendi muita coisa mais na pratica na sala de aula.</p>	<p>O conhecimento sobre a Resolução de Problemas se deu a partir da atuação em sala de aula.</p>
	<p><b>P4:</b> Olha... nos dois, por incrível que pareça... claro que na prática você vai aperfeiçoando seu conhecimento acadêmico, porque quando eu estive na faculdade eu ficava olhando a gente pegava 50 questões para resolver e entregar. Então, assim... é suado, mas com a prática você vai vivenciando isso... resolvendo 50</p>	<p>Articulação entre conhecimentos práticos e teóricos para a constituição do trabalho com a Resolução de problemas.</p>

	questões... quando você percebe, já se tornou prático isso... prático porque você vai praticando e a prática é fundamental.	
--	---	--

**Quadro 3** - Respostas atreladas a primeira categoria

Fonte: Produção do autor (2019).

A partir do questionamento VIII é possível inferir que os professores já possuíam algum conhecimento acerca da Resolução de Problemas e que a utilizavam em suas aulas, reconhecendo-a como uma importante metodologia de ensino da Matemática. Nesse sentido, Alleinato corrobora tais perspectivas ao afirmar que “[...] quando o professor adota essa metodologia, os alunos podem aprender tanto sobre resolução de problemas, quanto aprendem Matemática para resolver novos problemas” (ALLEVATO, 2005, p. 61).

Nesta categoria, observamos que os professores se remetem a dois tipos de conhecimento, o teórico e o prático. Na resposta de P2 ao questionamento XIII, por exemplo, “*Eu tinha o conhecimento sobre as resoluções de Polya*” é possível notarmos que se remete a uma das principais referências em Resolução de Problemas. Já na resposta de P4, no questionamento X, temos: “*Olha... nos dois, por incrível que pareça, claro, que a prática você vai aperfeiçoando seu conhecimento acadêmico*”. A partir dela podemos observar o reconhecimento da articulação entre teoria e prática para o desenvolvimento de um bom trabalho com a Resolução de Problemas.

Em relação ao conhecimento a partir da prática, P5 relata que: “*Assim, eu trabalhei sempre muito com arte gráfica, desenho, com pinturas, e então, assim, pra mim que sempre trabalhei...*”. Notamos essa característica também no questionamento X, quando P3 Pontua: “*[...] eu acredito que aprendi muita coisa, mas na prática na sala de aula*”. Essa consideração demonstra que os professores reconhecem a importância do trabalho com essa metodologia a partir das necessidades apresentadas em sala de aula. Aqui se coloca a experiência como construções e reconstruções da prática.

Nessa perspectiva, salientamos que os conhecimentos teóricos e práticos são fundamentais para o desenvolvimento do trabalho por meio da Resolução de Problemas, pois permitem ao professor uma melhor preparação ou escolha dos problemas que pretende desenvolver (ONUCHIC; ALLEVATO, 2011).

Ao observamos as respostas referentes ao questionamento IX, notamos outros desdobramentos relacionados quanto ao conhecimento sobre da Resolução de Problemas: a) relativo à sensação; e b) como significado da prática profissional.

Da sensação desencadeiam-se outras reações que indicam a impressão, a intuição, a

noção, isto é, conhecimentos imediatos e espontâneos. Dessa forma, notamos uma preocupação dos professores em fazer com que a Matemática se aproxime da realidade dos alunos, propiciando uma sensação imediatista da Matemática como se ela os pertencesse. Contudo, advertimos, também, que uma crença possa ser gerada a partir de conhecimento imediato e espontâneo, como a aplicação/contexto, uma vez que nem todo conteúdo matemático é passível de uma contextualização, por exemplo. Logo, podemos atribuir uma concepção prático-utilitária ao conhecimento matemático.

Sendo assim, caracterizamos a próxima categoria: *Motivação para o ensino com Resolução de problemas*. Sobre ela, desvelamos como as percepções sobre a motivação implicam nos processos subjacentes à aprendizagem matemática.

#### 4.2 Motivação Para o Ensino Com Resolução de Problemas

Aqui apresentamos algumas características sobre a motivação no trabalho com a Resolução de Problemas, conforme o Quadro 4, que segue:

Perguntas	A) Resposta do Participante (P)	B) Observações
V. Como se dá a inserção da situação problema no momento da aula?	<b>P1:</b> No caso da região no meio rural, em que dou aula, eu coloco como situações problemas do dia-a-dia, sempre envolvendo situações problema locais, mudando aquele contexto que tem no livro didático... geralmente colocando uma parte mais regional para ele [o aluno] estar contextualizado no meio regional do aluno.	A Resolução de Problemas como forma de contextualizar os conceitos matemáticos a partir da vivência dos alunos.
	<b>P2:</b> Essa inserção se dá... eu busco verificar através de livro didáticos exemplos que vá ter essas situações problemas e também busco contextualizar com exemplos que eles já apresentam, buscando exemplificar do cotidiano deles.	Resolução de Problemas propostos nos livros didáticos e situações do cotidiano dos alunos.
	<b>P6:</b> Bom, agora depois, no caso que eu fiz a pós-graduação, adquiri um conhecimento maior com relação a isso, de maneira errônea fazia antes... mas com relação agora, a resolução de problema, a gente já coloca no início da aula para fazer uma motivação.	A Resolução de Problemas como motivação para iniciar a aula.
VI. De que forma você incentiva ou ensina a resolver um problema matemático proposto em aula?	<b>P2:</b> É... eu incentivo a resolver através das estratégias, extraindo os dados primeiramente e entender que todos os problemas têm. Visando buscar conhecer como eles podem resolver, que operações devem usar que estratégias... devem elaborar para se chegar a um resultado e pensando em cima desta estratégia. Assim, ele encontra uma solução do seu jeito.	Foco nas estratégias de resolução

	<p><b>P3:</b> Trabalho por meio de resolução mesmo da aritmética, utilizando as operações matemáticas para poder saber se o aluno conhece, por que eles têm muitas dificuldades e principalmente na escola onde que trabalho é de classe baixa, que fica em periferia... e esses alunos já vem com muita dificuldade. Por mais que eles estejam no sétimo ou oitavo ano, eles apresentam essas dificuldades por não terem aprendido no sexto ano. Por isso que eu incentivo de maneira lúdica, mais dinâmica que é por meio de jogos e outras situações problemas, como já citei o jogo do palitinho e também coloco lista de exercícios, e praticar aritmética, trabalhando em cima da dificuldade deles.</p>	<p>O professor apresenta a Resolução de Problemas, como importante para sanar dificuldades dos alunos oriundas de defasagens de anos anteriores.</p>
<p>VII. Em que momento do conteúdo você acredita que seja melhor para inserir o trabalho com Resoluções de Problema?</p>	<p><b>P5:</b> Bom... em que momento... acredito que depois que o aluno passa a ter o conhecimento do conceito, primeiramente você tem que apresentar para o aluno o que é que ele vai trabalhar o assunto como cada pontinho. Aí cada letra, o que cada número representa... depois que ele tá familiarizado com aquilo você dá as formulas montadas pra ele resolver... aí, sim, você pede pra que ele através de situações problemas monte as suas os seus próprios cálculos pra ver se ele consegue montar e encontrar as resoluções.</p>	<p>O professor primeiro apresenta os conceitos que serão trabalhados, para em seguida explorar a Resolução de Problemas.</p>
	<p><b>P7:</b> [Quando] a gente vai trabalhar o tópico, a gente já deve começar citando uma situação problema pra que eles observem que sempre vai está um problema e qualquer assunto a ser resolvido.</p>	<p>O professor primeiro contextualiza o conteúdo por meio de uma situação problema, para que os alunos saibam onde aquilo pode ser usado em seu cotidiano.</p>

**Quadro 4** - Respostas atreladas a segunda categoria

Fonte: Produção do autor (2019).

Quando questionados como inserem a Resolução de Problemas em suas aulas, observamos que, entre os entrevistados, prevalece a concepção de que a Resolução de Problemas propicia trabalhar a Matemática de forma contextualizada, a aproximando da realidade dos alunos. Isso ficou evidenciado na resposta de P1, quando relata: *“No caso da região no meio rural, em que dou aula, eu coloco como situações problemas do dia-a-dia, sempre envolvendo situações problema locais[...]”*. Nesse caso, pelo fato de P1 lecionar no meio rural, ele procura contextualizar situações da realidade daquele local em que está ambientado.

Já quando questionados sobre como incentivam seus alunos a trabalharem com a Resolução de Problemas, P2 e P3, respectivamente, deixam entrever dois outros argumentos interessantes; um se remete à valorização da autonomia dos alunos para traçarem suas estratégias de resolução, como observado na resposta: *“É... eu incentivo a resolver através das estratégias, extraindo os dados primeiramente e entender, que todos os problemas têm. Visando buscar conhecer como eles podem resolver que operações”*. Outra característica apontada foi

a preocupação em sanar defasagens de anos anteriores, como o expresso em: *“Trabalho por meio de resolução mesmo da aritmética, utilizando as operações matemáticas para poder saber se o aluno conhece, porque eles têm muitas dificuldades...”*. Estas falas pontuam um caráter putativo ao ensino de Matemática, vinculado à crença na Resolução de Problemas, que supõe sua realização condicionada a fatos correlatos de não aprendizagens anteriores e não como um momento privilegiado de avaliação de aprendizagem.

Nesse âmbito, Schoenfeld (1998) destaca, em seus estudos, um modelo denominado por ‘ensino no contexto’, o qual forneceu evidências da existência de crenças nas ações de professores, quando estes explanavam, bem como no porquê de decisões específicas e em comportamentos tomados.

Quando questionamos sobre qual seria o momento oportuno para introduzir a Resolução de Problemas, observamos duas concepções diferentes: em uma delas, essa prática é explorada após os conceitos serem desenvolvidos em aula. Isto pauta a Resolução de Problemas não como uma metodologia de ensino, mas sim como um mecanismo de consolidar conhecimentos prévios, como o observado na fala de P5: *“Bom... em que momento, acredito que depois que o aluno passa a ter o conhecimento do conceito... primeiramente você tem que apresentar para o aluno o que é que ele vai trabalhar o assunto como cada pontinho”*.

Já na fala de P7, *“Quando a gente vai trabalhar o tópico, a gente já deve começar citando uma situação problema pra que eles observem que sempre vai está um problema e qualquer assunto a ser resolvido”*, notamos a preocupação em iniciar com a Resolução de Problemas, o que nos remete às orientações da BNCC (BRASIL, 2007), quando estas destacam que o problema deve ser utilizado como ponto de partida, no qual o aluno deve ser levado a interpretar o enunciado utilizando-se de conhecimentos previamente adquiridos. Contudo, as crenças quanto à motivação podem estar relacionadas aos ‘bons resolvedores de problemas’. Essa concepção de fortalecimento e constituição de “exímios resolvedores de problemas” tem sido muito limitada e problemática, reforçando, assim, a aversão para aprendizagem Matemática.

Por fim, apresentaremos a última categoria em que diz respeito à prática profissional do professor, em que assinalamos sobre suas preferências, pontos de vistas e perspectivas.

### **4.3 Experiências com Resolução de Problemas**

Nesta categoria nos concentramos em analisar as concepções a partir da experiência com a Resolução de Problemas (Quadro 5).

Perguntas	A) Resposta do Participante (P)	B) Observações
<p>XI. Em algum momento os cursos de formação vivenciados por você modificou esse entendimento?</p>	<p><b>P2:</b> Sim, que modificou, pois a pessoa tem um pensamento e quando estuda esse conhecimento vai melhorando e se modificando com isso modifica também sua pratica dentro da sala de aula, também se modifica sua postura em frente aos seus alunos.</p>	<p>O reconhecimento da importância do processo de formação continuada para modificar ideias sobre a Resolução de problemas.</p>
	<p><b>P6:</b> Sim, o conhecimento que tinha antes da pós-graduação, até mesmo terminada a graduação, ainda não era o mesmo. Eu tinha uma ideia errônea de resolução de problemas, achava que devíamos primeiro passar o conteúdo para depois resolver, ter uma ter saber algorítmica pra depois resolver problema... coisas que já foram vistas com alguns autores por aí... coisas que são exatamente diferentes.</p>	<p>O reconhecimento da Resolução de Problemas como uma metodologia de ensino.</p>
<p>XII. Qual a importância de se trabalhar a Resolução de Problema de matemática em sala de aula?</p>	<p><b>P1:</b> A relevância é que dá muita importância para o entendimento do aluno a contextualização de cada situação que ele vai ver para resolver... e isso envolve o pensamento lógico e o pensamento cognitivo do aluno para a resolução desses problemas, para que ele tenha, lá em cima, uma capacidade de raciocínio cada vez melhor na resolução.</p>	<p>O professor considera relevante trabalhar com a Resolução de Problemas, porque aprofunda o conhecimento matemático dos alunos.</p>
	<p><b>P2:</b> Independente de conteúdo, eu acho de uma grande relevância se trabalhar situações problemas, porque fazem parte da rotina dos alunos. São algo que eles conhecem, porque é uma situação que o professor precisa voltar para um problema que seja realmente e que esteja no cotidiano deles, e que realmente faça parte de sua vida... então, é muito importante pois você incentiva eles a buscarem uma resposta de uma forma mais concreta.</p>	<p>A resolução de Problemas ajuda no processo de contextualização dos conceitos matemáticos.</p>
	<p><b>P4:</b> É que faz o aluno sair do comodismo e vir para a realidade, mesmo certo, quando você contextualiza para o aluno e faz ele contextualizar, mesmo também a questão que ele sai do comodismo para a realidade.</p>	<p>A Resolução de Problemas torna o aluno mais ativo em relação ao seu aprendizado.</p>
<p>XIII. Quais estratégias podem ser usadas para chegar a uma resolução de um problema matemático?</p>	<p><b>P3:</b> Existe a estratégia, como eu já mencionei, teórica... usar o método algébrico, método aritmético para resolver problemas... ali mesmo também existe os métodos práticos, fazendo com eles trabalhem em grupo e que eles mesmos vão poder conversar entre si e tirar as dúvidas e compartilhar suas dificuldades e outros métodos de resoluções de problemas.</p>	<p>A articulação entre conhecimentos escolares e não escolares no processo de resolução de problemas.</p>

	<p><b>P4:</b> A estratégia, como eu falo para os alunos, é você ter uma boa interpretação do comando da questão. É você saber o que você tem e o que você tá procurando... então, é você usar a sua criatividade. Você tem facilidade com compra de choop, de brincar peteca, então, é isso aí... fazer com que o aluno saia do comodismo, pensando.</p>	<p>A estratégia deste professor é dar ênfase a uma boa interpretação do enunciado.</p>
	<p><b>P6:</b> Na principal, a gente trata a questão da leitura e interpretação primeiro da questão. E depois a gente tenta trabalhar a questão das estratégias dele, um pouco passo a passo, mais é difícil a gente colocar isso e dizer que é um passo a passo pro aluno. Senão fica uma coisa mecânica e não pode ser... mas a gente explora a questão para o aluno ler e interpretar. Depois, partir para as estratégias que ele consegue finalizar, já que o problema não pode ser dito só de uma maneira de resposta, só com uma resposta, você pode ter várias... aí, o aluno pode ter vários caminhos. Então, estas estratégias do aluno a gente tenta colocar, enfatizar para ele, para que ele consiga resolver sempre.</p>	<p>Foco na interpretação dos problemas propostos e nas estratégias traçadas para a sua resolução.</p>
<p>XIV. Qual a diferença entre exercício e a Resolução de Problemas de matemática?</p>	<p><b>P2:</b> Eu me lembrei de que Polya e Ausubel falam do exercício como algo memorizado através de técnicas com algoritmos e, sabendo usar corretamente, chega ao resultado já esperado. Já a Resolução de Problemas envolve uma situação onde o aluno precisa desenvolver meios para que assim venha resolver, interpretando corretamente o problema. Ele deve buscar maneiras ou mecanismos para uma resolução correta de preferência sem interferência do professor.</p>	<p>Exercício - resolução por meio de técnicas memorizadas.</p> <p>Problemas – autonomia dos alunos para traçar estratégias de resolução</p>
	<p><b>P6:</b> É como a gente trabalha, né? Hoje pra mim é fácil ouvir isso, mas antes era uma coisa complicada... a gente sabe que o exercício é algo fechado, né? Algo que já exige uma resposta do aluno, que já é algo esperado, e o problema, não... problema já é de algo mais aberto, né...? que ele pode explorar mais tal assunto que pode ver uma situação, ele pode ver várias estratégias que ele pode resolver este problema de uma coisa que não tem resposta, que não tem já uma resposta esperada... ele pode tentar resolver por vários caminhos dependendo da estratégia dele.</p>	<p>Exercício como sendo uma atividade fechada e problemas uma atividade aberta.</p>
	<p><b>P7:</b> Pra mim entender exercício, como digamos, você coloca aquelas continhas, arma e efetua, e já na resolução matemática o aluno ele vai resolver e vai fazer contas mais dentro de um contexto que é a situação problema.</p>	<p>Este professor percebe o exercício como algo mecânico, sem contexto e a Resolução de Problemas atrelada a um contexto.</p>

<p>XV. O que você mais trabalha em sua aula? Exercícios ou resoluções de problema?</p>	<p><b>P4:</b> Na verdade, eu trabalho com os dois, mais a resolução de problemas. Porque hoje nós trabalhamos muito a multidisciplinaridade, vários assuntos dentro da matemática também... nós trabalhamos geografia, português, a ciência principalmente... então, aí, a gente usa muito a resolução de problemas.</p>	<p>O professor relata que trabalha com ambas as metodologias, mas dar maior ênfase a Resolução de Problemas.</p>
	<p><b>P7:</b> Eu sempre trabalho um pouco de exercício, mas depois eu trabalho resolução de problemas, até porque, muitas vezes, eles têm dificuldades em armar, que a gente chama de “arma conta”, colocando unidades em baixo de unidade, dezena em baixo de dezena... então, quando eu vejo que eles têm essa dificuldade, eu explico... mas depois eu coloco algumas para eles fazerem, mas depois eu já gosto de trabalhar mais com situações problemas.</p>	<p>A Resolução de problemas para consolidar conceitos previamente explorados</p>

**Quadro 5** - Respostas atreladas a terceira categoria.  
Fonte: Produção do autor (2019).

A partir do questionamento XI notamos que os professores se preocupam em buscar conhecimentos para melhorarem suas práticas em sala de aula e que este movimento influencia de forma positiva na mudança de suas concepções. Percebe-se nesses relatos, ainda, o anseio dos professores em se aperfeiçoarem na temática sobre Resoluções de Problemas.

Nesses relatos observamos que eles reconhecem que o conhecimento que possuíam não era suficiente para o trabalho com os alunos e, por isso, buscaram o aperfeiçoamento, como evidenciado no trecho do relato do professor P2: “[...] quando estuda esse conhecimento, vai melhorando e se modificando. Com isso, modifica também sua prática [...]”. Nesse sentido, compreendem Allevato e Onuchic (2011) que a Resolução de Problemas tem sido a força propulsora para a construção de conhecimento, bem como a direção de novas estratégias que decorrem de sua aplicação.

Os professores entrevistados, como situado no trecho da fala de P4: “A estratégia, como eu falo para os alunos, é você ter uma boa interpretação do comando da questão [...]” destacaram a importância da interpretação, sendo orientadas segundo o entendimento de Polya (2006) e Dante (2002), a partir do qual, para se resolver um problema, alguns aspectos importantes como interpretar, compreender estabelecer um plano de execução e, após, realizar um retrospecto da solução devem ser observados. Para Lacerda (2019a), as necessidades de comunicar a linguagem matemática demandam ao ensino a capacidade de ler com atenção, com o intuito de melhorar as técnicas de ensino.

Quando solicitados a diferenciarem um exercício de um problema, identificamos três

concepções diferentes, conforme descritas nos relatos dos participantes P2, P6 e P7. O participante P2 se refere aos exercícios como atividades cuja resolução se dá por meio de técnicas; já os problemas demandam estratégias de resolução próprias dos alunos. O professor P6 relata que o exercício se constitui como uma atividade fechada, ou seja, a solução final é previsível, enquanto a Resolução de Problemas é classificada como uma atividade aberta, isto é, de resposta não previsível. P7, por sua vez, classifica um problema como uma atividade contextualizada, enquanto os exercícios, para ele, não têm contexto.

Observamos, ainda, duas concepções acerca de problemas na transcrição da fala de P7: *“Pra mim entender exercício, como digamos, você coloca aquelas continhas arma e efetue e já na resolução matemática o aluno ele vai e resolve”*. Podemos inferir, a partir desse relato, dois tipos de enunciados que dizem respeito à linguagem adotada com problemas verbais e não verbais. O primeiro está atrelado ao entendimento da relação entre a língua materna e a Matemática, que requer a interpretação para a solução de problemas. Já o segundo se reporta a concepções do tipo *arme e/ou efetue*, que requerem mais o domínio de operações. Ocorre que proceder à realização de cálculos está associado a enunciados imperativos, que expressam uma ordem, uma indicação, uma proibição, etc., e o uso dessas palavras pode conduzir a um determinado comportamento. Para Lacerda (2009b), a linguagem é entendida como instrumento de ação comunicativa e, por isso, seu emprego associa-se com os estados de coisas, dependendo de circunstâncias e contextos em que as palavras são proferidas.

Observamos nas concepções sobre problemas apresentados por professores algumas aproximações com a perspectiva de Dante (2007, p. 9), ao afirmar que *“problema é qualquer situação que exija o pensar do indivíduo para solucioná-la”*. Se pensarmos na perspectiva de Onuchic e Allevato (2011, p. 81), *“é tudo aquilo que não se sabe fazer, mas que se está interessado em fazer”*. Esse ponto de vista é frisado por P2. Entretanto, nenhum dos entrevistados assinalou com a perspectiva de que: *“O problema deve ser bem escolhido, nem muito difícil nem muito fácil, natural e interessante [...]”* (POLYA, 2006, p. 5).

Conforme assinala Schoenfeld (1992), há um amplo leque de conceitualização para a Matemática, e suas transformações nos sugerem que deve ser envolvido o esforço de considerar a linguagem matemática. Logo, é preciso:

- a) procurar soluções, não apenas memorização de procedimentos;
- b) explorar padrões, não apenas memorização de fórmulas;
- c) formular conjecturas, não apenas fazer exercícios.

Para este Schoenfeld (1992), no processo de aprendizagem de Matemática, os alunos devem ser encorajados a conhecer a disciplina como ciência, e não meramente como um conjunto

de regras e procedimentos numéricos.

Vila e Callejo (2006, p. 29) ressaltam que, “[...] o ensino/aprendizagem por meio da resolução de problemas é uma tentativa de modificar o desenvolvimento habitual das aulas de matemática”. Nessa perspectiva, P6 corrobora: *“Sim, o conhecimento que tinha antes da pós-graduação, até mesmo terminada a graduação, ainda não era o mesmo. Eu tinha uma ideia errônea de resolução de problemas, achava que devíamos primeiro passar o conteúdo para depois resolver, ter um saber algorítmico pra depois resolver problema”*.

Podemos observar nesse relato um sentimento de que as verdades até então inquestionáveis aprofundam convicções, e de que a modificação de posturas leva a uma importante transformação pessoal, que pode ressignificar uma mudança de atitude na prática em sala de aula.

## CONSIDERAÇÕES

Este estudo procurou, fundamentalmente, o entendimento de como os professores concebem a Resolução de Problemas e e como a propõem em sala de aula. Com ele, buscamos avaliar e colocar em debate a ideia de sentidos atribuídos à Matemática como disciplina exata e que requer apenas estratégias algorítmicas em suas soluções.

Nesse âmbito, destacamos a leitura e interpretação de texto como estratégias de uma boa prática atrelada à Resolução de Problemas, o que nos evidencia a importância da linguagem matemática, que diz respeito às habilidades de leitura e escrita nessa área de estudos. Essa ênfase vem ganhado força na atualidade com os apontamentos do letramento matemático, preconizado, sobretudo, nos manuais e recomendações oficiais, como as da BNCC. Portanto, entendemos necessário pautar novas preocupações que compreendam o ensino e a aprendizagem de Matemática no Brasil.

A avaliação nas aulas de Matemática por meio da Resolução de Problemas ainda é pouco refletida, privilegiada em sala e debatida. Nesse sentido, uma prática melhor orientada e, assim, mais fecunda, que pode resultar no processo de criação de como algo é realizado e percebido pelo sujeito. Portanto, a Resolução de Problemas, embora nos remeta a uma metodologia de ensino, com o advento de novas regiões de inquéritos para Educação Matemática, passou a incorporar novas searas do conhecimento, tais como Psicologia, a Antropologia, a Linguística, a Sociologia, dentre outras.

## REFERÊNCIAS

- ALLEVATO, N. S. G. **Associando o computador à resolução de problemas fechados: análise de uma experiência**. 2005. 370. (Tese de Doutorado em Educação Matemática). Universidade Estadual Paulista Júlio de Mesquita Filho, Rio Claro, SP, 2005.
- BRASIL, Secretaria de Educação Fundamental. **Parâmetros Curriculares Nacionais: (5ª a 8ª série) Matemática**. Brasília, DF: MEC/SEF, 1998.
- BRASIL. **Base Nacional Comum Curricular: Educação Infantil e Ensino Fundamental**. Brasília: MEC/Secretaria de Educação Básica, 2017.
- DANTE, Luiz Roberto. **Didática da Resolução de Problemas de Matemática**. 12ª ed., São Paulo: Ática, 2002.
- DANTE, Luiz Roberto. **Formulação e resolução de problemas de matemática**. 1. ed. São Paulo: Editora Ática. 2010.
- GASKELL, G. Entrevistas individuais e grupais. *In*: BAUER, M. W.; GASKELL, G. (Orgs.), **Pesquisa qualitativa com texto, imagem e som: um manual prático**. Petrópolis/Brasil: Editora Vozes, 2002. p. 64-89.
- LACERDA, A. G. Para Ler e Interpretar o Texto: reflexões a partir da linguagem e suas implicações para o ensino e aprendizagem de Matemática. **REMATEC**, n. 31, p. 09-27, 2019a.
- LACERDA, A. G. A linguagem como ação numa perspectiva wittgensteiniana: a comunicação e o desenvolvimento de significados à leitura. **Revista BOEM**, v. 7, n. 14, p. 1-21, 2019b.
- LAKATOS, E. M.; MARCONI, A M. **Fundamentos de metodologia científica**. São Paulo: Atlas, 1993.
- MINAYO, M. C. S. **Pesquisa Social: Teoria, Método e Criatividade**. Petrópolis: Vozes, 1995.
- MONTEIRO, R, B; LARANJEIRA, S, R, A; ANDRADE, L, D, M; NETO, J, G, R. Contribuição da Resolução de Problemas como Metodologia de Ensino de Matemática. **REAMEC**, n. 02, p. 57-68, 2020.
- NCTM. **Principles and Standards for School Mathematics**. Reston, VA: National Council of Teachers of Mathematics, 2000.
- ONUCHIC, L. R. Ensino-aprendizagem de matemática através da resolução de problemas. *In*: BICUDO, M. A. V. (Org.). **Pesquisa em educação matemática: concepções e perspectivas**. São Paulo: Editora da UNESP, 1999. p. 199-200.
- ONUCHIC, L. R.; ALLEVATO, N. S. G. Novas Reflexões sobre o ensino aprendizagem de matemática através da resolução de problemas. *In*: BICUDO, M. A.V.; BORBA, M. de C. (Org.). **Educação Matemática: pesquisa em movimento**. São Paulo: Cortez, 2005.
- ONUCHIC, L. R.; ALLEVATO, N. S. G. Pesquisa em resolução de problemas: caminhos, avanços e novas perspectivas. **Bolema**, Rio Claro, ano 25, n. 41, p. 73-98, dez. 2011.

POLYA, George. **A Arte de Resolver Problemas**. Rio de Janeiro: Interciência, 2006.

POLYA, George. Sobre a resolução de Problemas de Matemática na high school. *In*: KRULIK, Stephen; REYS, Robert E. **A Resolução de Problemas na Matemática Escolar**. São Paulo: Atual, 1997.

SCHOENFELD, A. H. Toward a theory of teaching-in-context. **Issues in Education**, v.4(1), 1998, p. 1- 94.

SCHOENFELD, A. Learning to think mathematically: Problem solving, metacognition, and sense making in mathematics. *In*: GROUWS, D. A (Ed.). **Handbook of research on mathematics teaching and learning**. New York: Macmillan, 1992. p. 334 – 370.

THOMPSON, A. G. Teachers' Beliefs and Conceptions: a synthesis of the research. *In*: GROUWS, D. A (Ed.), **Handbook of research on mathematics teaching and learning**. New York: Macmillan Publishing Company, 1992. p. 127 – 146.

VILA, A.; CALLEJO, M. L. **Matemática para aprender a pensar: o papel das crenças na resolução de problemas**. Porto Alegre: Artmed, 2006.

**Submetido em:** 20 de julho de 2020.

**Aprovado em:** 25 de outubro de 2020.